

109 年特種考試地方政府公務人員考試試題

等 別：三等考試

類 科：經建行政、農業行政、交通技術

科 目：統計學

考試時間:2 小時

一、下表為各縣市在 109 年 6 月的「扶養比」與「醫療院所平均每千人擁有病床數」。最後一欄為兩變數相乘的值，最後兩列為觀測值的總和與觀測值的平方之總和（平方和）。

縣市	扶養比 (A)	醫療院所平均每千人 擁有病床數 (B)	(A) × (B)
新北市	36.52	4.75	173.470
臺北市	46.47	9.68	449.830
桃園市	37.25	6.72	250.320
臺中市	37.48	7.82	293.094
臺南市	38.90	7.05	274.245
高雄市	38.59	8.14	314.123
宜蘭縣	39.96	8.68	346.853
新竹縣	40.67	5.15	209.451
苗栗縣	40.81	6.39	260.776
彰化縣	40.69	6.28	255.533
南投縣	40.47	6.92	280.052
雲林縣	42.68	5.74	244.983
嘉義縣	40.94	6.70	274.298
屏東縣	38.76	7.11	275.584
臺東縣	39.78	7.04	280.051
花蓮縣	40.29	13.19	531.425
澎湖縣	36.97	5.24	193.723
基隆市	37.28	10.70	398.896
新竹市	42.36	6.34	268.562
嘉義市	41.12	15.01	617.211
金門縣	29.74	2.36	70.186
連江縣	31.50	3.98	125.370
總和	859.23	160.99	6388.035
平方和	33821.94	1349.34	

(一)計算 109 年度的扶養比之第 1、第 2 與第 3 四分位數，再求得其四分位距 (Interquartile range, IQR)。(10 分)

(二)繪製 109 年度的扶養比之盒鬚圖 (box-and-whisker plot)。依據所繪盒鬚圖判斷是否存在離群值；若有，請說明是那些縣市。(5 分)

(三)假設醫療院所平均每千人擁有病床數服從常態分配，在顯著水準 0.05 下，檢定醫療院所平均每千人擁有病床數之母體均數是否大於 6。(10 分)

(四)計算扶養比與醫療院所平均每千人擁有病床數兩變數之相關係數。(10 分)

《考題難易》★

《破題關鍵》統計圖表及檢定平均數和相關係數,基本題

【擬答】

(一)

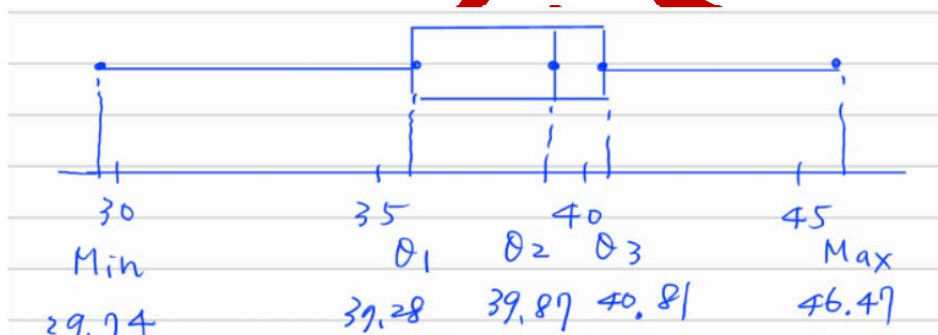
$$1. \frac{n}{4} = \frac{22}{4} = 5.5 \Rightarrow Q_1 = X_{(6)} = 37.28$$

$$2. \frac{n}{2} = \frac{22}{2} = 11 \Rightarrow Q_2 = \frac{X_{(11)} + X_{(12)}}{2} = \frac{39.78 + 39.96}{2} = 39.87$$

$$3. \frac{3n}{4} = \frac{3}{4} \times 22 = 16.5 \Rightarrow Q_3 = X_{(17)} = 40.81$$

$$4. IQR = Q_3 - Q_1 = 40.81 - 37.28 = 3.53$$

(二)

離群值: $(Q_1 - 1.5IQR, Q_3 + 1.5IQR)$ 以外 $\Rightarrow (37.28 - 1.5 \times 3.53, 40.81 + 1.5 \times 3.53)$ 以外 $\Rightarrow (31.985, 46.105)$ 以外

有離群值:金門縣, 連江縣, 台北市

志光 × 保成 × 學儒 高普考・地方特考

奪榜特訓班

完整規劃 嚴格執行 快速考取

就是要找有上榜決心的您

十大課程特色	集中管理 學員須遵守奪榜特訓班管理辦法, 徹底執行點名, 嚴格管理。	三大會考 比照國考日程考試, 體驗國考臨場感, 提升應考實力。	申論指導 傳授申論題高分答題與寫作技巧, 迅速提升作答能力。	
	按表操課 針對每個科目規劃複習進度表, 讓你有效率的執行時間管理。	弱科加強 針對命題焦點密集授課強迫記憶, 弱科強效提高20~60分。	專屬課輔 專屬課輔導師, 針對應考科目或測驗內容, 提供解答與指導。	
	全面檢視 針對學習課程, 規劃進度檢視考、課後考、全範圍複習考。	固定劃位 一人一位, 嚴格規定每日作息時間, 幫助同學朝上榜前進。	佳作觀摩 定期公布奪榜特訓班學生申論佳作, 可學習他人寫作長處。	
	選擇精熟 訓練縮短作答時間, 測驗後做課後檢討, 助您短時間內精熟選擇題。			

■ 完整課程資訊詳洽全國志光・保成・學儒門市 ■

(三)

$$\begin{cases} H_0: \mu \leq 6 \\ H_1: \mu > 6 \end{cases}$$

$$\bar{X} = \frac{\sum X}{n} = \frac{160.99}{22} = 7.3177$$

$$S = \sqrt{\frac{1}{n-1} \left[\sum X^2 - \frac{(\sum X)^2}{n} \right]} = \sqrt{\frac{1}{21} \left[1349.34 - \frac{160.99^2}{22} \right]} = 2.8557$$

母體為常態，且 σ^2 未知，利用 t 檢定

$\alpha = 0.05$

$$C = \{t | t > t_{0.05(21)} = 1.721\}$$

檢定統計量

$$t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\frac{S}{\sqrt{n}}} = \frac{7.3177 - 6}{\frac{2.8557}{\sqrt{22}}} = 2.164 \in C \Rightarrow \text{Reject } H_0$$

結論：有證據顯示醫療院所平均每 4 人擁有病床數之母體均數大於 6

(四)

$$r = \frac{S_{xy}}{S_x S_y} = \frac{\sum XY - \frac{(\sum X)(\sum Y)}{n}}{\sqrt{\sum X^2 - \frac{(\sum X)^2}{n}} \sqrt{\sum Y^2 - \frac{(\sum Y)^2}{n}}}$$

$$= \frac{6388035 - \frac{859.23 \times 160.99}{22}}{\sqrt{3382194 - \frac{859.23^2}{22}} \sqrt{1349.34 - \frac{160.99^2}{22}}} = 0.4724$$

志光 × 保成 × 學儒

109 高普考錄取成績 No. 1

囊括 33 狀元 37 榜眼 27 探花

高考 勞工行政 狀元 陳○瑜	普考 農業行政 狀元 黃○君	高考 工業設計 榜眼 張○琪	普考 勞工行政 榜眼 謝○湘	高考 財務會計 榜眼 潘○廷
高考 財務會計 狀元 陳○玄	普考 會計 狀元 謝○謙	高考 一般行政 榜眼 邱○維	普考 電子工程 榜眼 洪○聰	高考 經建行政 榜眼 鄭○賢
高考 供務行政 狀元 李○豐	普考 法律廉政 狀元 李○謙	高考 公職社會工作師 榜眼 劉○輝	普考 農業技術 榜眼 沈○聰	高考 教育行政 榜眼 鄭○澤
高考 戶政 狀元 黃○智	普考 一般行政 狀元 黃○研	高考 績效管理 榜眼 劉○輝	普考 財政行政 榜眼 黃○聰	高考 一般民政 榜眼 洪○嵐
高考 農業技術 狀元 林○秀	普考 社會行政 狀元 梁○維	高考 植物病蟲害防治 榜眼 謝○謙	普考 一般民政 榜眼 謝○謙	高考 人事行政 榜眼 黃○聰
高考 一般行政 狀元 張○○	普考 新 聞 狀元 林○○	高考 農業行政 榜眼 李○敏	普考 農業行政 榜眼 李○敏	高考 農業行政 榜眼 石○文
高考 財經廉政 狀元 梁○維	普考 法律廉政 狀元 余○誠	高考 一般民政 榜眼 謝○謙	普考 文化行政 榜眼 謝○謙	普考 財經廉政 榜眼 王○慧
高考 交通行政 狀元 梁○亞	普考 經建行政 狀元 梁○維	高考 航海行政 榜眼 林○權	普考 經建行政 榜眼 謝○謙	普考 交通技術 榜眼 王○○
高考 公職社會工作師 狀元 梁○維	普考 觀光行政 狀元 黃○○	高考 人事行政 榜眼 張○○	普考 戶政 榜眼 謝○謙	普考 人事行政 榜眼 謝○謙
高考 體育行政 狀元 宋○軒	普考 人事行政 狀元 梁○維	高考 測量製圖 榜眼 李○○	普考 經建行政 榜眼 謝○謙	普考 統計 榜眼 陳○毅
高考 法制 狀元 張○佑	普考 教育行政 狀元 黃○○	高考 商業行政 榜眼 陳○○	普考 戶政 榜眼 謝○謙	普考 金融保險 榜眼 謝○毅
高考 一般民政 狀元 莊○瑞	普考 財經廉政 狀元 林○秀	高考 商業行政 榜眼 謝○○	普考 公職社會工作師 榜眼 謝○謙	普考 社會行政 榜眼 謝○毅
高考 社會行政 狀元 楊○謙	普考 文化行政 狀元 梁○維	高考 觀光行政 榜眼 謝○○	普考 商業行政 榜眼 謝○○	普考 一般行政 榜眼 謝○毅
高考 供務行政 狀元 梁○維	普考 文化行政 狀元 梁○維	高考 法制 榜眼 方○○	普考 觀光行政 榜眼 謝○○	普考 農業行政 榜眼 石○文
高考 經建行政 狀元 梁○維	普考 財經廉政 狀元 梁○維	高考 交通技術 榜眼 謝○○	普考 財政行政 榜眼 謝○○	普考 文化行政 榜眼 謝○毅
高考 社會行政 狀元 洪○○	普考 社會行政 狀元 梁○維	普考 一般行政 榜眼 謝○○	普考 交通行政 榜眼 謝○○	普考 測量製圖 榜眼 謝○毅
高考 農業行政 狀元 黃○○	普考 交通行政 狀元 梁○維	普考 商業行政 榜眼 謝○○	普考 戶政 榜眼 謝○○	普考 文化行政 榜眼 謝○毅
高考 教育行政 狀元 謝○○	普考 文化行政 狀元 梁○維	普考 人事行政 榜眼 謝○○	普考 財經廉政 榜眼 謝○○	普考 一般行政 榜眼 謝○毅
高考 交通行政 狀元 梁○維	普考 動物技術 榜眼 黃○○	普考 財經廉政 榜眼 謝○○	普考 一般行政 榜眼 謝○○	普考 一般行政 榜眼 謝○毅

下一位上榜就是你！

■因版面有限無法一一列出，詳盡榜單請上公職王查詢■

二、下表為針對三個直轄市市民，對於日常使用搭乘公車或捷運偏好之隨機抽樣調查結果：

	公車	捷運
新北市	364	391
臺北市	369	418
高雄市	280	237

(一)計算新北市市民於日常偏好搭乘公車的母體比例之 95%區間估計。(8 分)

(二)在顯著水準為 0.05 下，檢定新北與高雄兩直轄市的市民，在日常對於公車的使用偏好的比例是否相等。(10 分)

(三)以顯著水準為 0.05，檢定三個直轄市的市民，在日常使用捷運之偏好選擇的比例是否皆為一致。(12 分)

《考題難易》★★

《破題關鍵》單一母體比例 P 的區間估計，二個以上母體比例的檢定。

【擬答】

(一)

$$\hat{p} = \frac{364}{364+391} = 0.4821$$

因為大樣本，利用 Z 分配， $n=755$

$$\text{樞紐量 } Z = \frac{\hat{P} - P}{\sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}}} \sim N(0,1)$$

$$\Rightarrow P(-Z_{0.025} \leq Z \leq Z_{0.025}) = 0.95$$

$$\Rightarrow P(-Z_{0.025} \leq \frac{\hat{P} - P}{\sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}}} \leq Z_{0.025}) = 0.95$$

P 信賴度 95%之信賴區間

$$(\hat{P} - Z_{0.025} \sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}}, \hat{P} + Z_{0.025} \sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}})$$

$$\Rightarrow (0.4821 \pm 1.96 \sqrt{\frac{0.4821 \times 0.5179}{755}})$$

$$\Rightarrow (0.4465, 0.5177)$$

(二)

$$\begin{cases} H_0: P_1 = P_2 \\ H_1: P_1 \neq P_2 \end{cases}$$

$$\hat{P}_1 = \frac{X_1}{n_1} = \frac{364}{755} = 0.4821$$

新北市

$$\hat{P}_2 = \frac{X_2}{n_2} = \frac{280}{517} = 0.5416$$

高雄市

$$\hat{P} = \frac{364+280}{755+517} = 0.5063$$

合併比例

因為大樣本，用 Z 檢定

$$\alpha = 0.05 \Rightarrow C = \{Z | Z > 1.96 \text{ 或 } Z < -1.96\}$$

檢定統計量

$$Z = \frac{(\hat{P}_1 - \hat{P}_2) - (P_1 - P_2)}{\sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n_1} + \frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n_2}}} = \frac{(0.4821 - 0.5416) - 0}{\sqrt{\frac{0.5063 \times 0.4937}{755} + \frac{0.5063 \times 0.4937}{517}}} = -2.08 \in C \Rightarrow \text{Re}H_0$$

結論：有證據顯示兩直轄市的市民在日常對於公車的使用偏好比例不同

(三)

$$\begin{cases} H_0: P_1 = P_2 = P_3 \\ H_1: P_i \text{不全相同}, i=1, 2, 3 \end{cases}$$

利用卡方齊一性檢定

$$\alpha = 0.05$$

$$C = \{\chi^2 | \chi^2 > \chi^2_{0.05}(2) = 5.99147\}$$

	公車	捷運	合計
新北市	364 (371.45)	391 (383.55)	755
臺北市	369 (387.19)	418 (399.81)	787
高雄市	280 (254.37)	237 (262.64)	517
合計	1013	1046	2059

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^r \sum_{j=1}^c \frac{(O_{ij} - e_{ij})^2}{e_{ij}} = \frac{(364 - 371.45)^2}{371.45} + \dots + \frac{(237 - 262.64)^2}{262.64}$$

$$= 7.062 \in C \Rightarrow \text{Re}H_0$$

結論：有證據顯示三個直轄市的市民在日常使用捷運之偏好選擇的比例不一致

要您上榜

志光 × 保成 × 學儒 一次繳費輔導至考取

高普考取班 8 大保障

學費省很大 全年課程不間斷，一次繳清學費輔導至考取。	課程最完整 完整課程循環，基礎班→正規班→專題課→總複習…等，全部擁有。	上榜賺獎金 報名考取班第一年考取同職等考試，頒發高額獎學金。	學習最便利 輔導期間可依自己時間選擇面授或視訊學習，提高學習效率。
師資最多元 重點科目安排多元師資，雙循環教學，可旁聽加強弱科，強化上榜實力。	加選最超值 輔導期間要加選其科目增加考試機會，加選另享專案優惠。	榜單最實在 年年榜單見證，錄取人數最多，錄取率最高，奪榜實力全國第一。	公約有保障 考取班簽訂公約，保障您的權利與義務至考取為止。

■ 完整課程資訊詳洽全國志光・保成・學儒門市 ■

公職王歷屆試題 (109 地方特考)

三、某工程公司為了解那些因素會影響員工對於公司福利的滿意程度，進行一項抽樣調查。調查結果以福利滿意度分數（分數愈高表示滿意度愈高）為反應變數，同時以員工之工作年資（單位：年）、薪資（單位：千元）及性別為三個解釋變數，建構迴歸模型分析。分析所得之迴歸殘差標準誤的估計為 7.0，且其變異數分析（ANOVA）結果如下：

變異來源	平方和(SS)	自由度	均方和(MS)	F 值
Regression	1818	(C)	(E)	(G)
Error	(A)	20	(F)	
Total	(B)	(D)		

(一)請寫出空缺部分 (A) 至 (G)。(7 分)

(二)計算判定係數 (coefficient of determination) R^2 及調整的判定係數 (adjusted R^2)。(8 分)

《考題難易》★★

《破題關鍵》複迴歸分析的變異數分析及求判定係數。

【擬答】

(一)(A)980 (B)2798 (C)3 (D)23 (E)606 (F)49 (G)12.367

(二)判定係數

$$R^2 = \frac{SSR}{SST} = \frac{1818}{2798} = 0.6497$$

調整判定係數

$$R_a^2 = 1 - (1 - R^2) \left(\frac{n-1}{n-K-1} \right) = 1 - (1 - 0.6497) \left(\frac{24-1}{24-3-1} \right) = 0.597155$$

四、若某委員會有四位超過 62 歲的委員，其中 δ 位是女性， $4-\delta$ 位是男性。考慮假設檢定 $H_0: \delta = 2$, $H_1: \delta \neq 2$ 。其檢定規則為，若以取出放回的方式，由此四位中隨機抽取兩人，若兩位皆為同性別，則拒絕 H_0 ；否則，不拒絕 H_0 。(每小題 10 分，共 20 分)

(一)計算其型 I 錯誤 (type I error) 的機率。

(二)若改為取出不放回，計算其型 I 錯誤的機率。

《考題難易》★

《破題關鍵》型一錯誤及型二錯誤的定義，基本題。

【擬答】

(一)

$$\begin{cases} H_0: \delta = 2 \\ H_0: \delta \neq 2 \end{cases}$$

在 H_0 為真的條件下

$X \sim b(n=2, p=0.5)$ ，其中 X 為男性的人數

$\Rightarrow \alpha = P(\text{型 I 錯誤}) = P(\text{Re}H_0 | H_0 \text{ 為真})$

$\Rightarrow P(2 \text{ 男或 } 2 \text{ 女} | H_0 \text{ 為真})$

$$= C_2^2 (0.5)^2 (0.5)^0 + C_0^2 (0.5)^0 (0.5)^2 = 0.5$$

(二)在 H_0 為真的條件下

$X \sim HG(N=4, K=2, =2)$,

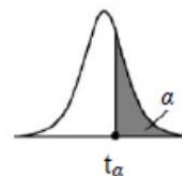
其中 X 為男性的人數

$\Rightarrow \alpha = P(\text{型 I 錯誤}) = P(\text{Re}H_0 | H_0 \text{ 為真})$

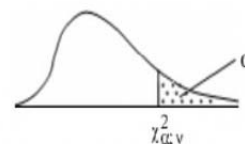
$$= P(2 \text{ 男或 } 2 \text{ 女} | H_0 \text{ 為真}) = \frac{C_2^2 \times C_0^2}{C_4^4} + \frac{C_0^2 \times C_2^2}{C_4^4} = \frac{1}{3}$$

Percentage Points of the t Distribution; $t_{v, \alpha}$

$$P(T > t_{v, \alpha}) = \alpha$$



ν	α													
	0.40	0.30	0.20	0.15	0.10	0.05	0.025	0.02	0.015	0.01	0.0075	0.005	0.0025	0.0005
1	0.325	0.727	1.376	1.963	3.078	6.314	12.706	15.895	21.205	31.821	42.434	63.657	127.322	636.590
2	0.289	0.617	1.061	1.386	1.886	2.920	4.303	4.849	5.643	6.965	8.073	9.925	14.089	31.598
3	0.277	0.584	0.978	1.250	1.638	2.353	3.182	3.482	3.896	4.541	5.047	5.841	7.453	12.924
4	0.271	0.569	0.941	1.190	1.533	2.132	2.776	2.999	3.298	3.747	4.088	4.604	5.598	8.610
5	0.267	0.559	0.920	1.156	1.476	2.015	2.571	2.757	3.003	3.365	3.634	4.032	4.773	6.869
6	0.265	0.553	0.906	1.134	1.440	1.943	2.447	2.612	2.829	3.143	3.372	3.707	4.317	5.959
7	0.263	0.549	0.896	1.119	1.415	1.895	2.365	2.517	2.715	2.998	3.203	3.499	4.029	5.408
8	0.262	0.546	0.889	1.108	1.397	1.860	2.306	2.449	2.634	2.896	3.085	3.355	3.833	5.041
9	0.261	0.543	0.883	1.100	1.383	1.833	2.262	2.398	2.574	2.821	2.998	3.250	3.690	4.781
10	0.260	0.542	0.879	1.093	1.372	1.812	2.228	2.359	2.527	2.764	2.932	3.169	3.581	4.587
11	0.260	0.540	0.876	1.088	1.363	1.796	2.201	2.328	2.491	2.718	2.879	3.106	3.497	4.437
12	0.259	0.539	0.873	1.083	1.356	1.782	2.179	2.303	2.461	2.681	2.836	3.055	3.428	4.318
13	0.259	0.538	0.870	1.079	1.350	1.771	2.160	2.282	2.436	2.650	2.801	3.012	3.372	4.221
14	0.258	0.537	0.868	1.076	1.345	1.761	2.145	2.264	2.415	2.624	2.771	2.977	3.326	4.140
15	0.258	0.536	0.866	1.074	1.341	1.753	2.131	2.249	2.397	2.602	2.746	2.947	3.286	4.073
16	0.258	0.535	0.865	1.071	1.337	1.746	2.120	2.235	2.382	2.583	2.724	2.921	3.252	4.015
17	0.257	0.534	0.863	1.069	1.333	1.740	2.110	2.224	2.368	2.567	2.706	2.898	3.222	3.965
18	0.257	0.534	0.862	1.067	1.330	1.734	2.101	2.214	2.356	2.552	2.689	2.878	3.197	3.922
19	0.257	0.533	0.861	1.066	1.328	1.729	2.093	2.205	2.346	2.539	2.674	2.861	3.174	3.883
20	0.257	0.533	0.860	1.064	1.325	1.725	2.086	2.197	2.336	2.528	2.661	2.845	3.153	3.850
21	0.257	0.532	0.859	1.063	1.323	1.721	2.080	2.189	2.328	2.518	2.649	2.831	3.135	3.819
22	0.256	0.532	0.858	1.061	1.321	1.717	2.074	2.183	2.320	2.508	2.639	2.819	3.119	3.792
23	0.256	0.532	0.858	1.060	1.319	1.714	2.069	2.177	2.313	2.500	2.629	2.807	3.104	3.768
24	0.256	0.531	0.857	1.059	1.318	1.711	2.064	2.172	2.307	2.492	2.620	2.797	3.091	3.745
25	0.256	0.531	0.856	1.058	1.316	1.708	2.060	2.167	2.301	2.485	2.612	2.787	3.078	3.725
26	0.256	0.531	0.856	1.058	1.315	1.706	2.056	2.162	2.296	2.479	2.605	2.779	3.067	3.707
27	0.256	0.531	0.855	1.057	1.314	1.703	2.052	2.158	2.291	2.473	2.598	2.771	3.057	3.690
28	0.256	0.530	0.855	1.056	1.313	1.701	2.048	2.154	2.286	2.467	2.592	2.763	3.047	3.674
29	0.256	0.530	0.854	1.055	1.311	1.699	2.045	2.150	2.282	2.462	2.586	2.756	3.038	3.659
30	0.256	0.530	0.854	1.055	1.310	1.697	2.042	2.147	2.278	2.457	2.581	2.750	3.030	3.646
40	0.255	0.529	0.851	1.050	1.303	1.684	2.021	2.123	2.250	2.423	2.542	2.704	2.971	3.551
60	0.254	0.527	0.848	1.045	1.296	1.671	2.000	2.099	2.223	2.390	2.504	2.660	2.915	3.460
120	0.254	0.526	0.845	1.041	1.289	1.658	1.980	2.076	2.196	2.358	2.468	2.617	2.860	3.373
∞	0.253	0.524	0.842	1.036	1.282	1.645	1.960	2.054	2.170	2.326	2.432	2.576	2.807	3.291

Table of the Chi-square Distribution

$\alpha =$	0.995	0.99	0.98	0.975	0.95	0.90	0.80	0.20	0.10	0.05	0.025	0.02	0.01	0.005	0.001	$=\alpha$
$v = 1$	0.0000393	0.000157	0.000628	0.000982	0.00393	0.0158	0.0642	1.642	2.706	3.841	5.024	5.412	6.635	7.879	10.827	$v = 1$
2	0.0100	0.0201	0.0404	0.0506	0.103	0.211	0.446	3.219	4.605	5.991	7.378	7.824	9.210	10.597	13.815	2
3	0.0717	0.115	0.185	0.216	0.352	0.584	1.005	4.642	6.251	7.815	9.348	9.837	11.345	12.838	16.268	3
4	0.207	0.297	0.429	0.484	0.711	1.064	1.649	5.989	7.779	9.488	11.143	11.668	13.277	14.860	18.465	4
5	0.412	0.554	0.752	0.831	1.145	1.610	2.343	7.289	9.236	11.070	12.832	13.388	15.086	16.750	20.517	5
6	0.676	0.872	1.134	1.237	1.635	2.204	3.070	8.558	10.645	12.592	14.449	15.033	16.812	18.548	22.457	6
7	0.989	1.239	1.564	1.690	2.167	2.833	3.822	9.803	12.017	14.067	16.013	16.622	18.475	20.278	24.322	7
8	1.344	1.646	2.032	2.180	2.733	3.490	4.594	11.030	13.362	15.507	17.535	18.168	20.090	21.955	26.125	8
9	1.735	2.088	2.532	2.700	3.325	4.168	5.380	12.242	14.684	16.919	19.023	19.679	21.666	23.589	27.877	9
10	2.156	2.558	3.059	3.247	3.940	4.865	6.179	13.442	15.987	18.307	20.483	21.161	23.209	25.188	29.588	10
11	2.603	3.053	3.609	3.816	4.575	5.578	6.989	14.631	17.275	19.675	21.920	22.618	24.725	26.757	31.264	11
12	3.074	3.571	4.178	4.404	5.226	6.304	7.807	15.812	18.549	21.026	23.337	24.054	26.217	28.300	32.909	12
13	3.565	4.107	4.765	5.009	5.892	7.042	8.634	16.985	19.812	22.362	24.736	25.472	27.688	29.819	34.528	13
14	4.075	4.660	5.368	5.629	6.571	7.790	9.467	18.151	21.064	23.685	26.119	26.873	29.141	31.319	36.123	14
15	4.601	5.229	5.985	6.262	7.261	8.547	10.307	19.311	22.307	24.996	27.488	28.259	30.578	32.801	37.697	15
16	5.142	5.812	6.614	6.908	7.962	9.312	11.152	20.465	23.542	26.296	28.845	29.633	32.000	34.267	39.252	16
17	5.697	6.408	7.255	7.564	8.672	10.085	12.002	21.615	24.769	27.587	30.191	30.995	33.409	35.718	40.790	17
18	6.265	7.015	7.906	8.231	9.390	10.865	12.857	22.760	25.989	28.869	31.526	32.346	34.805	37.156	42.312	18
19	6.844	7.633	8.567	8.907	10.117	11.651	13.716	23.900	27.204	30.144	32.852	33.687	36.191	38.582	43.820	19
20	7.434	8.260	9.237	9.591	10.851	12.443	14.578	25.038	28.412	31.410	34.170	35.020	37.566	39.997	45.315	20
21	8.034	8.897	9.915	10.283	11.591	13.240	15.445	26.171	29.615	32.671	35.479	36.343	38.932	41.401	46.797	21
22	8.643	9.542	10.600	10.982	12.338	14.041	16.314	27.301	30.813	33.924	36.781	37.659	40.289	42.796	48.268	22
23	9.260	10.196	11.293	11.688	13.091	14.848	17.187	28.429	32.007	35.172	38.076	38.968	41.638	44.181	49.728	23
24	9.886	10.856	11.992	12.401	13.848	15.659	18.062	29.553	33.196	36.415	39.364	40.270	42.980	45.558	51.179	24
25	10.520	11.524	12.697	13.120	14.611	16.473	18.940	30.675	34.382	37.652	40.646	41.566	44.314	46.928	52.620	25
26	11.160	12.198	13.409	13.844	15.379	17.292	19.820	31.795	35.563	38.885	41.923	42.856	45.642	48.290	54.052	26
27	11.808	12.879	14.125	14.573	16.151	18.114	20.703	32.912	36.741	40.113	43.194	44.140	46.963	49.645	55.476	27
28	12.461	13.565	14.847	15.308	16.928	18.939	21.588	34.027	37.916	41.337	44.461	45.419	48.278	50.993	56.893	28
29	13.121	14.256	15.574	16.047	17.708	19.768	22.475	35.139	39.087	42.557	45.722	46.693	49.588	52.336	58.302	29
30	13.787	14.953	16.306	16.791	18.493	20.599	23.364	36.250	40.256	43.773	46.979	47.962	50.892	53.672	59.703	30
40	20.706	22.164	23.838	24.433	26.509	29.051	32.345	47.269	51.805	55.759	59.342	60.436	63.691	66.766	73.402	40
50	27.991	29.707	31.664	32.357	34.764	37.689	41.449	58.164	63.167	67.505	71.420	72.613	76.154	79.490	86.661	50
60	35.535	37.485	39.699	40.482	43.188	46.459	50.641	68.972	74.397	79.082	83.298	84.580	88.379	91.952	99.607	60
70	43.275	45.442	47.893	48.758	51.739	55.329	59.898	79.715	85.527	90.531	95.023	96.388	100.425	104.215	112.317	70
80	51.171	53.539	56.213	57.153	60.391	64.278	69.207	90.405	96.578	101.880	106.629	108.069	112.329	116.321	124.839	80
90	59.196	61.754	64.634	65.646	69.126	73.291	78.558	101.054	107.565	113.145	118.136	119.648	124.116	128.299	137.208	90
100	67.327	70.065	73.142	74.222	77.929	82.358	87.945	111.667	118.498	124.342	129.561	131.142	135.807	140.170	149.449	100